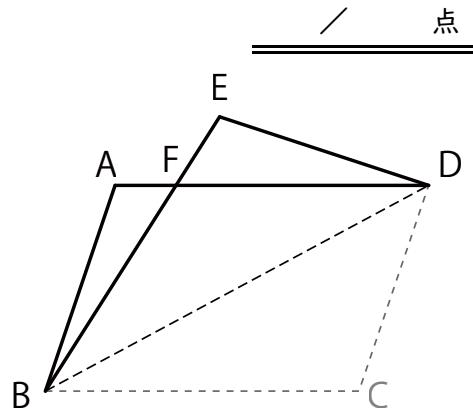


平面図形総合 標準 I

学習日：

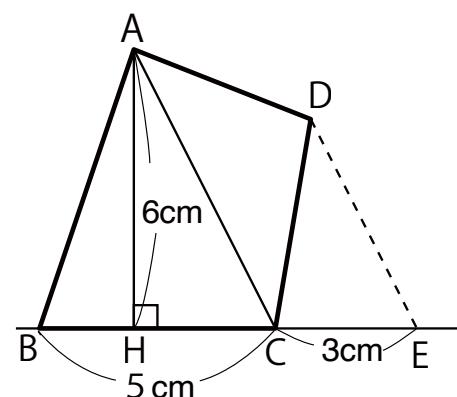
- 1 右の図のように、平行四辺形ABCDを対角線BDを折り目として折り返したところ、頂点Cが点Eに移った。辺ADと線分BEの交点をFとする。このとき、次の問いに答えなさい。

① $\angle AFB = 110^\circ$ のとき、 $\angle BAD$ の大きさを求めなさい。



- ② 平行四辺形ABCDの周の長さが、32cm、 $AB = 6\text{cm}$ 、 $AF = 4\text{cm}$ のとき、線分BFの長さを求めなさい。

- 2 右の図のような四角形ABCDがある。対角線ACを引き、頂点Dを通りACに平行な直線を引いたところ、辺BCを延長した直線と点Eで交わった。頂点Aから辺BCに垂線AHを引いたところ、 $AH = 6\text{cm}$ 、 $BC = 5\text{cm}$ 、 $CE = 3\text{cm}$ となった。このとき、四角形ABCDの面積を求めなさい。



解答

1

① $AD // BC$ より錯角が等しいので $\angle ADB = \angle DBC$ 。

折り返しより $\angle EBD = \angle DBC$ 。

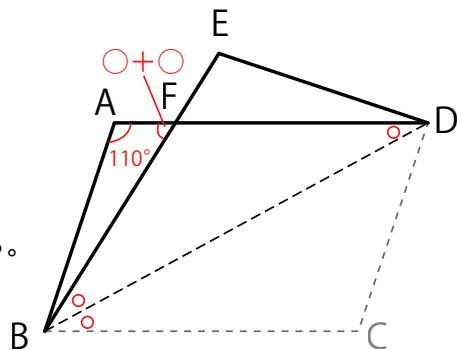
よって $\angle FDB = \angle FBD$ となり、 $\triangle FBD$ は二等辺三角形である。

$\angle AFB$ は $\triangle FBD$ の外角なので、

$\angle AFB = \angle FDB + \angle FBD = 2 \times \angle DBC$ 。

$$\angle DBC = 110 \div 2 = 55^\circ$$

$$\angle BAD = 180^\circ - \angle ABC = 180 - (55 \times 2) = \underline{\underline{70^\circ}}$$



② 周の長さ32cmより、 $AB + AD = 16\text{cm}$ 。

$AB = 6\text{cm}$ なので $AD = 10\text{cm}$ 。

$FD = AD - AF = 10 - 4 = 6\text{cm}$ 。

$\triangle FBD$ は $FB = FD$ の二等辺三角形なので

$$BF = FD = 6\text{cm} \quad \underline{\underline{6\text{ cm}}}$$

2

$AC // DE$ より、底辺を AC とみると高さが等しいため、

$$\triangle ACD = \triangle ACE$$

四角形ABCDは、 $\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ の和であるから、

$$\text{四角形ABCD} = \triangle ABC + \triangle ACD$$

$\triangle ACD$ を $\triangle ACE$ に置き換えると、

$$\text{四角形ABCD} = \triangle ABC + \triangle ACE = \triangle ABE$$

$\triangle ABE$ の面積は

$$8 \times 6 \div 2 = \underline{\underline{24\text{ cm}^2}}$$

