

中2の数学まとめ 標準2

名前

/ 5 点

1. $x = 3$, $y = -8$ のとき、

$$\frac{3x - 4y}{2} - \frac{2x - 3y}{4}$$

の式の値を求めなさい。

2. 次の等式を [] 内の文字について解きなさい。

① $2x + 3y - 5 = 0$ [y]

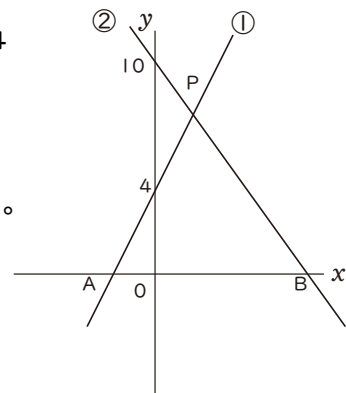
② $m = \frac{3a + 4b}{7}$ [a]

3. 次の連立方程式を解きなさい。

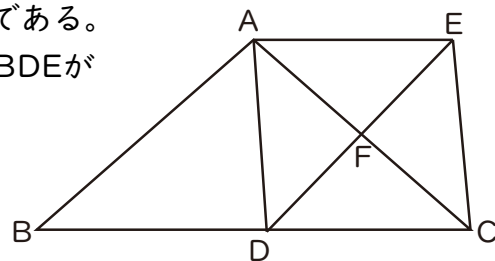
$$\begin{cases} 4x + 3y = -1 \\ \frac{1}{2}x - \frac{1}{3}y = 2 \end{cases}$$

4. 右の図で、直線①、②はそれぞれ $y = 2x + 4$
 $y = -x + 10$ のグラフである。

2つの直線の交点をP, 2つの直線とx座標の交点を
それぞれA,Bとする。このとき△APBの面積を求めなさい。



5. 右の図で △ABCはAB=ACの二等辺三角形である。
辺BC上にB,Cとは異なる点Dをとり、四角形ABDEが
平行四辺形となるように点Eをとる。
また、ACとDEの交点をFとするとき
△ADC≡△ECDであることを証明しなさい。



(2010 山形一部)

解答

$$\begin{aligned}
 1. \quad & \frac{3x - 4y}{2} - \frac{2x - 3y}{4} \\
 &= \frac{2(3x - 4y) - (2x - 3y)}{4} \\
 &= \frac{6x - 8y - 2x + 3y}{4} = \frac{4x - 5y}{4} \\
 & x = 3, y = -8 \quad \text{を代入} \\
 & \frac{4 \times 3 - 5 \times (-8)}{4} = \frac{12 + 40}{4} = \underline{13}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2. \quad \textcircled{1} \quad & 2x + 3y - 5 = 0 \\
 & 3y = -2x + 5 \\
 & y = -\frac{2}{3}x + \frac{5}{3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{2} \quad & m = \frac{3a + 4b}{7} \\
 7m &= 3a + 4b \\
 3a &= 7m - 4b \\
 a &= \frac{7m - 4b}{3}
 \end{aligned}$$

$$3. \quad \frac{1}{2}x - \frac{1}{3}y = 2 \rightarrow \text{両辺に6をかける} \quad 3x - 2y = 12$$

$$\begin{cases} 4x + 3y = -1 & \dots\textcircled{1} \\ 3x - 2y = 12 & \dots\textcircled{2} \end{cases}$$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} \times 2 + \textcircled{2} \times 3 \\
 8x + 6y &= -2 \\
 +) \quad 9x - 6y &= 36 \\
 \hline
 17x &= 34 \\
 x &= 2
 \end{aligned}$$

$$x = 2 \text{ を } \textcircled{1} \text{ に代入}$$

$$8 + 3y = -1$$

$$3y = -9$$

$$y = -3 \quad (x, y) = (2, -3)$$

4. 交点の座標Pを求める

$$2x + 4 = -x + 10$$

$$3x = 6$$

$$x = 2$$

$$y = 2 \times 2 + 4 = 8$$

Aの x 座標は

$$2x + 4 = 0$$

$$x = -2$$

B x 座標は

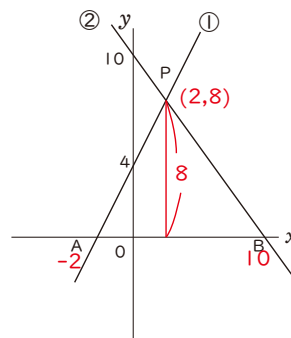
$$-x + 10 = 0$$

$$x = 10$$

ABの長さは $10 - (-2) = 12$

底辺が 12 高さが 8 の三角形の面積

$$12 \times 8 \div 2 = \underline{48}$$



5. $\triangle ADC$ と $\triangle ECD$ において

AB=ACの二等辺三角形なので

$$\angle ABC = \angle ACD \quad \dots \textcircled{1}$$

AB//ED で平行線の同位角より

$$\angle ABC = \angle EDC \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{より} \quad \angle ACD = \angle EDC \quad \dots \textcircled{3}$$

仮定より AB=AC 平行四辺形の対辺なので AB=ED より

$$AC=ED \quad \dots \textcircled{4}$$

$$\text{共通な辺なので} \quad DC=CD \quad \dots \textcircled{5}$$

$\textcircled{3}, \textcircled{4}, \textcircled{5}$ より

2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle ADC \equiv \triangle ECD$$

