

## 三角形の証明まとめ 練習4

学習日：

/ 点

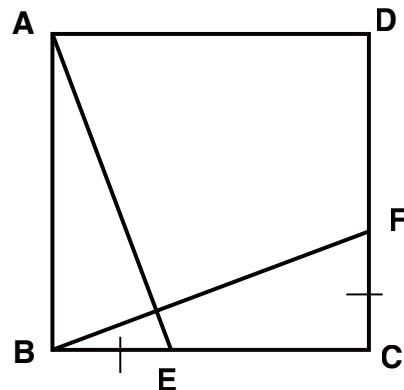
1 右の図で、四角形ABCDは正方形である。

辺BC上に点E、辺CD上に点Fを、

$BE = CF$  となるようにとる。

このとき、 $\triangle ABE \cong \triangle BCF$  となることを。

証明しなさい。



2 右の図で、 $\triangle ABC$ は  $\angle BAC = 90^\circ$  、

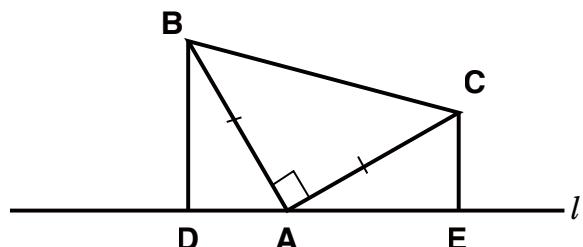
$AB = AC$  の直角二等辺三角形である。

頂点Aを通る直線  $l$  に、頂点B、Cから

それぞれ垂線BD、CEをひく。

このとき、 $\triangle ABD \cong \triangle CAE$  となることを

証明しなさい。



## 解答

1

 $\triangle ABE$  と  $\triangle BCF$ において仮定より  $BE = CF \dots \dots \textcircled{1}$ 

四角形ABCDは正方形なので、

 $AB = BC \dots \dots \textcircled{2}$  $\angle ABE = \angle BCF = 90^\circ \dots \dots \textcircled{3}$ 

①、②、③より 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいので

 $\triangle ABE \equiv \triangle BCF$ 

2

 $\triangle ABD$  と  $\triangle CAE$ において仮定より  $\angle ADB = \angle CEA = 90^\circ \dots \dots \textcircled{1}$ 

直角二等辺三角形なので

 $AB = CA \dots \dots \textcircled{2}$ また、 $\angle BAC = 90^\circ$  なので $\angle DAB + \angle EAC = 90^\circ$  $\triangle ABD$  の内角の和について考えると $\angle DAB + \angle ABD = 90^\circ$ よって  $\angle ABD = \angle EAC \dots \dots \textcircled{3}$ 

①、②、③より 直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいので

 $\triangle ABD \equiv \triangle CAE$ 