

## 証明の基本

### [1] 基本事項の確認

次の（ ）に適切な言葉を入れなさい。（同じ言葉が入る所があります。）

① 数学において使う用語の意味をはっきりと述べたものを（ア）（ ）、証明によって導かれたきまり、法則を（イ）（ ）とといいます。例えば、『3辺が等しい三角形を正三角形』というのは（ウ）（ ）、『正三角形のそれぞれの角度の大きさは $60^\circ$ になる』は（エ）（ ）になります。

② ある事柄を「Aならば、Bである」と表す時、Aを（ ）、Bを（ ）とといいます。

③ ある事柄が成り立つ事を、筋道を立てて明らかにすることを（ ）するといいます。

### [2] 逆

次のことがらの逆を書き、正しいものには○、正しくないものには×をつけなさい。

①  $x = 1, y = 4$ ならば、 $x + y = 5$ である。

②  $a$ が6の倍数ならば、2の倍数である。

③ 2つの三角形が合同ならば、面積は等しい。

### [3] 仮定と結論

次の事柄の仮定と結論を書きましょう。

① 正三角形は二等辺三角形である。

仮定（ ） 結論（ ）

② 2直線が平行ならば錯角が等しい。

仮定（ ） 結論（ ）

③  $x > 0, y < 0$ ならば  $xy < 0$  である。

仮定（ ） 結論（ ）

## 合同の証明

[4] 平行線の証明のやりかた

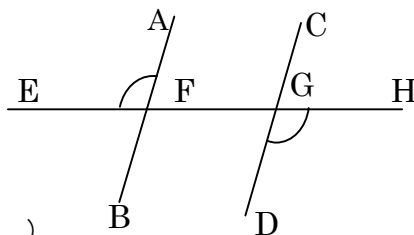
( ) をうめていきましょう

(1) 右の図で $AB \parallel CD$ のとき、 $\angle AFE = \angle HGD$ になることを

証明しなさい。

仮定 ① ( )

結論 ② ( )



$AB \parallel CD$ で同位角が等しいので、 $\angle AFE = \angle$ ③( )

④ ( ) は等しいので  $\angle CGF = \angle$ ⑤( )

だから、 $\angle AFE = \angle HGD$ になる。

(別解)

対頂角が等しいので、 $\angle AFE = \angle$ ⑥( )

$AB \parallel CD$ で⑦ ( ) は等しいので  $\angle GFB = \angle$ ⑧( )

だから、 $\angle AFE = \angle HGD$ になる。

(2) 自分で証明を書いてみましょう。

右上の図で $AB \parallel CD$ のとき、 $\angle EFB = \angle CGHI$ になることを証明しなさい。

## 合同の証明

### 解答

[1] ① (ア) 定義 (イ) 定理 (ウ) 定義 (エ) 定理

② A 仮定 B 結論

③ 証明

[2] ①  $x + y = 5$  ならば  $x = 1$   $y = 4$  である。 ×

②  $a$  が 2 の倍数なら 6 の倍数である。 ×

③ 2 つの三角形の面積が等しければ合同である。 ×

[3]

① 仮定 ( 正三角形 ) 結論 (二等辺三角形である)

② 仮定 ( 2 直線が平行 ) 結論 (錯角が等しい )

③ 仮定 (  $x > 0$   $y < 0$  ) 結論 (  $xy < 0$  )

[4]

(1) ①  $AB // CD$  ②  $\angle AFE = \angle HGD$

③  $\angle CGF$  ④ 対頂角 ⑤  $\angle HGD$  ⑥  $\angle BFG$  ⑦ 同位角 ⑧  $\angle HGD$

(2) 解答例

$AB // CD$  で同位角が等しいので、 $\angle AFE = \angle FGD$

対頂角は等しいので  $\angle FGD = \angle CGH$  だから、 $\angle EFB = \angle CGH$  になる。